「要因を調べること」を軸にした中 1 「データの活用」の単元設計とその実践 ―単元を通したアンケートの活用を通して—

峰野 宏祐・東京学芸大学附属世田谷中学校 連絡先(東京都世田谷区深沢 4-3-1 TEL:03-5706-3301

E-Mail: mineno@u-gakugei.ac.jp)

1. はじめに

日本学術会議数理科学委員会数学教育分科会(2020)による緊急提言では、統計教育の実効性の向上に焦点が当てられた。その中では、「データを活用し、意思決定につながる問題解決の方法として、算数・数学科での統計的な方法や考え方を体得するべきである」とあり、主に高等学校における学びの在り方に言及しているが、中学校においてもその「実効性の向上」を目指すのであれば、統計量やグラフの習得にとどまらず、主体的に問題を設定し、データを分析し、意思決定をしていくような活動が必要であろう。

そこで本稿では、「要因を調べること」を主眼においた中学校1年「データの活用」における単元設計とその実践を行い、指導への示唆を得ることを目的とする。

2. 中1「データの活用」の単元設計

(1) 単元設計に関する基本的な考え方

先の緊急提言では、新しい学習指導要領の改善の方向性として、中学校では日常生活や社会からの問題の設定や2つの集団の比較分析、層別等が挙げられている。「実効性の向上」によって目指す生徒の姿を「統計を活用して主体的に問題解決していける」と捉えるならば、2つの集団の比較や層別が生徒にとって目的的になされていく必要がある。

その観点で次の教科書の記述を考えてみる。啓林館「未来にひろがる数学1」では、資料の活用の単元の導入において、紙ヘリコプターの滞空時間についての題材を扱っている(図1)。本題材は、羽の長さが5cmと7cmの紙ヘリコプターをつくり、どちらの長さの方が滞空時間が長いか(当然散らばりを考慮し)、データをもとに比較検討するものである。この題材については過去にも川上(2012)や梅田(2015)等により学校種を跨

いかず滞いらがかいもながの間論もなかのしいが長けれさなさく点をした。



図1 啓林館教科書の題材

で、サイクリックな活動の展開が期待できる題材である。これは「羽の長さによって滞空時間はどのように変わるか」という「(要因)によって(結果)がどのように変わるか」といった、題材の持つ"要因を調べるための問い"が有効に働いているものと考えられる。そこで、本稿では以下の2点を視点に単元設計を行う。

- I.「要因を調べること」を切り口に、単元を 貫く問いの設定及びまとめを行うこと
- Ⅱ.単元を通してアンケートを活用すること

Iについては、要因を調べようとすることを層別によって2つのデータセットを比較する契機とし、それを単元を貫く問いとすることで、単元全体で目標として働くことを意図する。また、「他の要因はないか」といった問いを引き出すことで、PPDACサイクルの2周目以降を回す契機とすることもねらう。

上述のような活動を実現するためには、多変数のデータが必要になる。このことから、Ⅱを視点として挙げる。これは、単元の導入時にアンケートを行い、予め要因となりうる変数を変えて考察ができるようにするとともに、その他単元内で扱う題材について生徒の

データを集めておくことで、考察の幅を広げることを ねらう。

以上の視点をもとに、生徒が主体的に PPDAC サイクルをまわしていけるような単元設計を行う。

(2) 実際の単元設計

| 時 | テーマ | 備考 |
|----|---------------|--------------|
| 1 | 身のまわりにあるデータ | データを用いた考察への |
| | レポート発表 | 関心を高める |
| 2 | 【実践1a】普段運動をし | I. 要因を調べることを |
| 3 | ている人は, 反射神経が | 切り口にした単元の導入 |
| | よい?(ルーラーキャッチ) | 〈アンケートの収集〉 |
| 4 | テストの点数のとらえ方 | 代表値と分布の関係等の |
| | +年収,年棒データ | 考察 |
| 5 | 【実践2】コンビニくじは | Ⅱ. アンケートデータの |
| | なぜ 700 円なのか? | 活用 |
| 6 | 【実践1b】普段運動をし | Ⅱ. アンケートデータの |
| | ている人は, 反射神経が | 活用 |
| | よい?(ルーラーキャッチ) | |
| 7 | 代表選手を選ぼう | データをもとにした判断 |
| 8 | 【実践3】 | Ⅱ. アンケートデータの |
| 9 | どちらの病院を選ぶ? | 活用 |
| 10 | 【実践4】データを活用し | I. 要因を調べることを |
| 11 | て, 問題を解決しよう | 切り口にしたレポート作成 |

表1 中1「資料の活用」の単元計画

(3) 実践対象の概要

①日時:令和2年1月~2月

②对象生徒:東京都内国立大学附属中学校 140 名

③実施環境: すべての授業において, 1人1台ネットワ

ークにつながった PC が使える教室にて実施

3. 実践の実際とその分析

(1)「要因を調べること」を主眼においた単元の導入 ~データ収集及び【実践1】から~

①問題設定とデータ収集【実践 1 a】

導入では、インターネット上の記事を見せながら、 「普段から運動をしている人は、老化しにくい」とい うことを考える中で、「自分たちはどうなのか」と、自 分たちの問題として焦点化していった。 ここで教師から、「老化 している」ということを 「反射神経が遅い」とい うことに置き換え、「ルー ラーキャッチ」という題 材(過去に実践例多数)で



図2 実験の様子

そのデータをとることを提示した。一方で、その要因としての「普段から運動している人」については、それをどのようにデータとして収集するか、生徒に募った。生徒からは「部活動(運動部か否か)」「週の運動時間」「週の自転車を使う時間(インターネットの記事が影響)」等が挙げられた。それらから厳選してアンケートの項目に含め、先のルーラーキャッチの記録やその他今後の授業で使いうる項目とともにアンケートを作成し、実施・回収した。具体的な項目は以下の通りである。

| 種類 | アンケートから得られたデータ | | | |
|-------|---------------------|--|--|--|
| 質的 | 性別 | | | |
| データ | 部活動(運動部・文化部・兼部・無所属) | | | |
| | ルーラーキャッチの記録 | | | |
| | (週の) 運動時間 自転車に乗る時間 | | | |
| | 自転車に乗る日数 | | | |
| 量的 | (1日の)学習時間 スマホ利用時間 | | | |
| 単の | 睡眠時間 | | | |
|) — 9 | コンビニで1回あたりに使う金額 | | | |
| | 縦の辺の長さを決めたときの美しいと思 | | | |
| | う長方形の横の辺の長さ | | | |
| | 病院で待つことのできる時間 | | | |

表 2 アンケートから得られたデータの種類 収集したデータはすべて 2 次元表にまとめた。

②層別して分析【実践 1b】

先の問題を解決するために、上記のデータからルーラーキャッチの記録を「部活動」に着目して分析を行った。生徒からは「運動時間」で層別する案も出されたが、ここでは層別する際の切れ目が分かりやすい質的データを選択した。

ここでのやりとりの中で2つのヒストグラムを重ね て比較するための方法として度数分布多角形を,母数 の違うデータセットを比較するための方法として相対 度数を導入した(詳細は本論に関わらないため割愛)。 結果として,図3のような度数分布多角形が得られた。

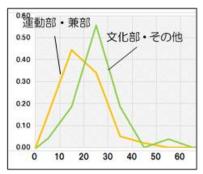


図3 部活動を要因として層別

生徒は度数分布多 角形の分布の様子から、「山(最頻値)が小さい方に寄っている ので、運動部・兼部 の方が反射神経がいい」といった結論を 出していた。

③データに戻って再検討

| | Α | В | С | D | |
|----|--------|-------|--------|----------|--|
| 1 | | 1 | | 7 | |
| 2 | データNo. | (1)性別 | (2)部活動 | ルーラーキャッチ | |
| 3 | 1 | 1 | 1 | 5 | |
| 4 | 2 | 1 | 1 | 13 | |
| 5 | 3 | 1 | 2 | 13 | |
| 6 | 4 | 1 | 2 | 27 | |
| 7 | 5 | 1 | 1 | 24 | |
| 8 | 6 | 1 | 1 | 36.8 | |
| 9 | 7 | 1 | 1 | 20 | |
| 10 | 8 | 1 | 1 | 14 | |
| 11 | 9 | 1 | 1 | 13 | |
| 12 | 10 | 1 | 1 | 19.5 | |
| 13 | 11 | 1 | 1 | 21.5 | |
| 14 | 12 | 1 | 2 | 7.1 | |

図4 生データの表

ここで、生データに戻って、表を眺めていた生徒が、「運動部って男子が多くて、文化部って女子が多くない?」と気づいた(図 4。ここでは性別は男子が1、女子が2、部活動は運動部が1、文

化部が 2, 兼部が 3, 無所属が 4 で入力)。そこで, 今度は部活動ではなく性別で層別することになった。図 5 のような度数分布多角形が得られた。

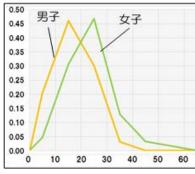


図5 性別を要因として層別

2 つの層別の仕方で、度数分布多角形の形状が似ていることから、「運動をしているかどうかなのか、性別によるものなのかわからないね」といった結論が得られ

た。これは相関と因果の違いに迫る言及であると考えられる。結果として問題に対する結論はうやむやになったが、要因を探っていくという意味では、生徒にとっても意味のある結論であった。

(2) アンケートデータの利用によって考察の幅を広げる~【実践2】【実践3】2つの実践から~

①アンケートデータの利用

単元の中盤では、代表値同士や分布との関係の考察、 累積相対度数等の新たな統計量の獲得、並びにそれら を用いた考察を中心に行っていった。その中で、表 2 のデータをもとにして、必要に応じて生徒に提示をし、 分析を深めるようにした。ここでは、特徴的な考察が 見られた2つの実践について記す。

②【実践2】コンビニくじはなぜ700円なのか?

(i) 題材の概要

近年大手コンビニエンスストアで期間限定で実施されている,700円で賞品が当たるくじを題材に,そのくじがなぜ700円という金額設定になっているのかについて,データをもとに考察していった。

(ii)授業のねらい

- ・最頻値をもとに判断することができること
- ・代表値同士の関係について理解すること
- ・アンケート調査の特性について理解すること

(iii)実践の実際

導入では、コンビニくじの価格設定が 700 円であることに気づかせたうえで、その理由について「お店の利益」を観点に考えた。生徒は予想の時点では「平均値(もしくは中央値・最頻値)が 700 円より少し少ない?」「景品の原価から利益を超えない額」といった述べていた。また、この時点で生徒データがどうなっているか見たい、ということだったので、以下の度数分布多角形と代表値を提示した。

平均値は 322円,中央値 は300円,最頻 値は500円で あった。この データから

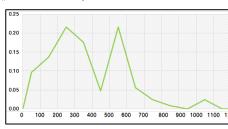


図6 生徒データ

は、生徒は「これはあくまで中学生のデータなので、 もっと大人は買っているだろう」と考えていた。

このことを受け、実際のコンビニのデータはとれないので、少し前のデータであるが、株式会社マルハニ

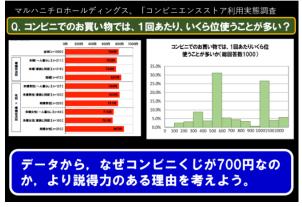


図7 コンビニくじの問題とデータ

チロホールディングスが行った「コンビニの利用実態 調査 2013 | を提示し、再びその理由を考察した(図 7)。

生徒が特に着目したのが図7の右側のヒストグラム である。山が2つあり、最頻値は500円以上600円未 満の階級になっている。このことから生徒は700円で ある理由を図8のように考えている。

【当家】コンピニの買い物でちの日い600円が最頻値。次に多いのは 1000 い 1500 の間。500 い 600 使う人はもう少し買って700円にさせ、 1000 い 1500の人には1400円以上買ってもらうとくしばを2回引かせられる 多くの人にくじを引いてもらう、かつコンピニの利益も増やすためには700円分

図8 協議の末の700円に設定した理由

この考えについては生徒はおおむね納得していたも のの、このやや極端にも見える結果に疑問を持つ生徒 が現れた。それは、「500~600円の階級にデータが集ま りすぎではないか」ということである。これは生徒デ ータ(図6)にもやや表れている。

ここでの生徒の気づきは, 「アンケートと言われると, キリのいい数字を答えてし まう」というものであった。 授業後のふり返りでは,生徒 は図9のように考えていた。 なお, 実際のデータはPOSシ ステムにより集めているこ とは授業終わりに紹介した。

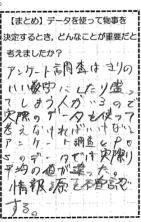


図 9 ふり返りの記述

③【実践3】どちらの病院を選ぶ?

(i) 題材の概要

都内在住の OL, 熊田伊代さんは軽い鼻炎にかかって おり、2 つの耳鼻科のうち、待ち時間の短そうな方を選 んで通おうとしています. 次の度数分布表は、伊代さん が通おうとしている曜日・時間帯に, うさぎクリニック, パンダ耳鼻科のそれぞれで受診した患者さん一人ひとり の, 受付してからの待ち時間のデータを整理したもので す.この表から、「待ち時間が短かった患者さんが多かっ たのは、どちらの耳鼻科か」を、データをもとにして説 田しわせい

| 奶 しなさv:. | | | | | | | | |
|----------|--------|--------|------|--------|-----|------|--|--|
| | う | さぎクリニッ | ク | パンダ耳鼻科 | | | | |
| | 階級(分間) | 度数 | 相対度数 | 階級(分間) | 度数 | 相対度数 | | |
| | 以上 未満 | | | 以上 未満 | | | | |
| | 5-15 | 6 | 0.07 | 5-15 | 8 | 0.06 | | |
| Γ | 15-25 | 13 | 0.15 | 15-25 | 15 | 0.11 | | |
| | 25-35 | 20 | 0.23 | 25-35 | 27 | 0.20 | | |
| | 35-45 | 13 | 0.15 | 35-45 | 36 | 0.27 | | |
| | 45-55 | 14 | 0.16 | 45-55 | 25 | 0.19 | | |
| | 55-65 | 13 | 0.15 | 55-65 | 17 | 0.13 | | |
| Γ | 65-75 | 9 | 0.10 | 65-75 | 4 | 0.03 | | |
| | 合計 | 88 | 1 | 合計 | 132 | 1 | | |

2 つの病院の待ち時間のデータから, ある OL がどち

らの病院を選択したほうがよいか、データをもとに考 察していった。

(ii)授業のねらい

- ・累積相対度数(とそのグラフ)について理解すること
- ・データに基づいて、どちらの病院がよいか判断する ことができること

(iii)授業の実際

本実践では、「変数を拡げる活動(峰野,2020)」を意 図し, ある程度限定したデータから考察をはじめ、考 察が行き詰ったところで新たな変数を加えていく(拡 げていく)、といった形で活動を展開していった。

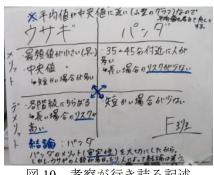


図10 考察が行き詰る記述

図 10 は、グル ープで検討をし ていったが、考察 が行き詰り,「別 のデータが欲し い」と考えたグル ープの記述であ る。いずれの病院

についてもメリット・デメリットがあり、あとは熊田 さんの趣向の問題じゃないか、という結論に達した。 そこで, 熊田さん本人の趣向は分からないが, 「女性の 方が長く待てるのではないか?」という仮説のもと, 生徒アンケートのデータから「病院で待てる時間」を 性別で層別し,次のデータを検討した。

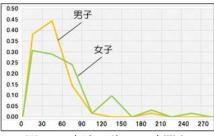


図11 病院で待てる時間を 性別で層別

2つ目の山が大 きい方にあるこ とや, 平均値が男 子 33.2 分に対し 女子 52.3 分であ ることから,女子 の方が比較的待

てる傾向にある、と判断していた。このことを考察の 材料にし、例えば「長くなってしまうリスクはあって も待てるから、うさぎクリニックを選ぶべき」、といっ たような判断をしていた。

以上の様に、考察の最中や一度考察が終わった後、 「自分たちのデータを見てみたい!」といった心情も 相まってか、考察を深めるのにアンケートデータを活 用し、多様な視点から考えることができた。

(3)「要因を調べること」をねらいとしてテーマを設定し、問題を解決する活動~【実践4】より~

①題材の概要

これまでの活動を受け、【実践1a】で収集したデータを用い、生徒自身でテーマを設定して、その分析・考察を行う活動である。テーマ設定の際には要因を調べることを念頭に置き、「(ある変数) ほど(他の変数) なのか」といった設定にするようにした。

②授業のねらい

- ・コンピュータを用いて、必要なデータを抽出し、度 数分布多角形や平均値・中央値等の代表値を算出す ることで、分布の様子を分析することができる。
- ・データから自分でテーマを設定するとともに、その データを分析し、テーマについてデータに基づいて 説明することができる。

③授業の実際とその考察

(i) 導入

授業の冒頭で、「以前とったアンケートから、どんな問題を調べてみたいですか?」と問いかけた。クラスによる差異はあったが、おおむねの生徒が例えば「学習時間が長い人ほど、スマホ利用時間は短い?」といったように、2つの変数を掛け合わせたテーマ設定を挙げていた。なお、同様の問いかけはアンケート収集時にも行っており、そのときにも生徒は2つの変数を掛け合わせていた。このような考察への関心が伺える。そこで生徒PCにアンケート結果がすべて入ったデータを配付し、最終的にレポートにまとめる旨とその形式を伝えた上で、分析に取りかからせた。

(ii)質的データ・量的データによる層別方法の違い

作業を進めていると、「量的データの場合、どのようにデータを分けていいか分からない」という生徒が複数出てきた。要因にあたるデータが量的データの場合、層別する際の切れ目を設定しなくてはいけない。このことについて、「どのように層別すればよいだろうか?」と全体に問いかけた。

生徒からは中央値や平均値などの代表値を基準にする案や,「大体キリのいい数」などといった考えが挙げられた。ここではどのようにしたらいい, といった結論は与えず, 自分が適切と思う方法でやってみるよう促した。その結果, 切れ目の設定の仕方によって, グ

ラフの見え方が変わってくる,結論が変わってくることに気づく生徒も見られた。このことから,社会にあるデータにおいては,伝えたいメッセージによって切れ目が意図的に設定されている可能性も示唆された。

(iii)レポートの実際

レポートは、研究の一連の流れを意識し、テーマ、動機、目的、方法、内容(ここに調べたデータを貼りつけ)、結論、といった形式でまとめた。生徒が設定したテーマは以下の通りである。

- ・学習時間 男子, 女子の違い
- ・スマートフォンを使う人は睡眠時間に影響するのか?
- ・病院の待ち時間で、長いと思う時間によって、美しいと思う 長方形の一辺の長さは変わるのか?~主観的要素は心 のゆとりなどで変化するのか~
- ・ルーラーキャッチの記録は睡眠時間が長いと良いのか。
- ・病院を長く待てる人(時間にそれなりの余裕がある人)は、 スマホの利用時間も長いのかどうか
- ・スマホは夢の世界を妨げる!?
- ・"黄金比"は本当に人気者なのか?
- ・気が短い人と、気が長い人では美しいと思う四角形にちがいがあるのか。
- ・四角形の大きさによって心の広さがわかる?! など

以上のように、限られた変数の中ではあったが、その中で生徒が興味に応じて変数を選んで多様なテーマを設定することができた。同じテーマでも、着目するところやデータをどこで層別するかによって結論が変わるところも興味深かった(完成したレポートは、例えば図 14 の通り。最終頁に掲載)。

図 14 の生徒をはじめとして、概ねの生徒が問題から結論を得るまでの一通りの解決活動に取り組むことができたが、ここからさらテーマを設定し、文献調査をしたり、データを再分析したりするなど、PPDAC サイクルの 2 周目を回す生徒も見られた。例えば図 12・13は、ルーラーキャッチの性別や睡眠時間による違いを考察した後に、性別と睡眠時間に何か関係があるのではないかと考え、考察を行ったものである。

男女と睡眠に関するルーラーキャッチを通した考察 エクセルを用いて様々なデータ同士の関係を探っていると、自分のとある癖に気がついた。自分は、常に「ハーラーキャッチャー何か」の比較を行っていた。この詩ではいけない。「そう思、た私は「ルーラーキャッチャー A」と「ルーラーキャッチャ B」を比べることで、AとBの関係性を見出だすことを決めた。テエで私が選んだのが「男牛」と「睡眠時間」である。睡眠時間は、日本人の大きな課題として問題視されてるか、男女とのどのような関係が見られるだろうか。

図12 要因同士の関係を考える理由の記述

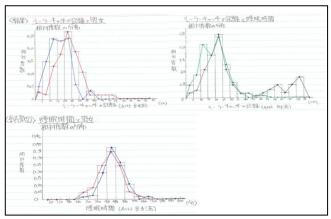


図 13 図 12 の生徒の分析

本来であればこの後、レポートについて発表をし、 結論の妥当性などを議論するような時間を計画してい たが、コロナ禍の授業時数削減により、実現できなか った。データを批判的に考察することができるように するために、他者が出した結論が適切か検討するよう な活動が有用であると考えられるため、この点につい ては今後の課題としたい。

4. おわりに

本稿では、「要因を調べること」を主眼においた中学校 1年「データの活用」における単元設計とその実践を行い、指導への示唆を得ることを目的とした。各実践からは、要因を調べるために主体的に PPDAC サイクルをまわそうとする姿や、アンケートデータを用い考察を深める姿が見られた。 $I \cdot II$ が手立てとして有効に働いたと考えられる。

一方, 今回は実践から示唆を得るにとどまったが, 詳細な分析については今後の課題とする。

引用・参考文献

藤原大樹(2019). 「生徒の活動を通した統計的問題解 決に関する方法知の特定」. 第 43 回日本科学教育 学会年会論文集. pp. 227-230.

川上貴(2012). 「小学校 5 年生の分布の見方に関する 一考察 —仮説-検証のプロセスに焦点をあてて—」. 第 36 回日本科学教育学会年会論文集. pp. 147-150. マルハニチロホールディングス(2013). 「コンビニエン スストア利用実態調査 2013」

峰野宏祐(2020a). 「PPDAC サイクルにおける問題の相に焦点を当てた指導の研究-多変数データを用いたレポート活動の実践から-」. 東京学芸大学附属世

田谷中学校研究紀要 2019. pp. 250-263.

峰野宏祐(2020b). 「変数を拡げる活動を軸にした統計 データを基に選択する場面の指導」. 第 44 回日本科 学教育学会年会論文集. pp. 159-162.

日本学術会議数理科学委員会数学教育分科会(2020). 「新学習指導要領下での算数・数学教育の円滑な実施に向けた緊急提言:統計教育の実効性の向上に焦点を当てて」

岡本和夫他(2016).『未来へひろがる数学 1』. 新興出版 社啓林館.

梅田英之(2015).「高等学校数学 I「データの分析」の授業実践―紙へリコプターを用いて―」. 基盤研究(C) 初等中等教育における統計的思考力を育成するカリキュラムの開発 中間報告書. pp.10-41.



図 14 生徒のレポートの例